

## التطبيق رقم 04 : تحليل سلوك المنتج (الإنتاج)

التمرين رقم 01:

بافتراض أن عملية الإنتاج تتم بواسطة عوامل الإنتاج المتمثلة في العمل  $L$  و رأس المال  $K$  ، حيث تأخذ دالة الإنتاج الشكل التالي:  $Q = 3L^2 - 1/3KL^3 - 5KL$  تمثل كمية الإنتاج الكلي.

**المطلوب:** حدد المرحلة الفعالة للإنتاج و استنتج مراحل الإنتاج الثلاثة.

التمرين رقم 02:

إذا كانت دالة الإنتاج لمؤسسة ما تأخذ الشكل التالي:  $K^{1/4} L^{2/3} = Q$  ، و كانت أسعار عوامل الإنتاج هي:  $PL = 160 \text{ Da}$  ،  $PK = 216 \text{ Da}$  ، قيمة التكلفة الإجمالية للإنتاج هي  $8992 \text{ دج}$ ، حيث أن  $10000 \text{ دج}$  منها عبارة عن تكاليف ثابتة.

1. أوجد التركيبة ( $K, L$ ) التي تحقق توازن المنتج، و استنتاج كمية الإنتاج الموافقة لها.
  2. تأكد من نقطة توازن المنتج هندسيا (دون رسم بيان).
  3. أحسب المعدل الحدي للإحلال التقني عند التوازن و فسر معناه.
  4. حدد معادلة المسار الأمثل للتوسيع، و ماذا تستنتج ؟
  5. ما نوع غلة حجم هذه الدالة مع إبراز المعنى؟
  6. أوجد دوال الطلب على عوامل الإنتاج.

7. في حالة انخفاض سعر عنصر العمل بـ 20 % ، ما هي قيمة التكاليف الواجب تخصيصها للحفاظ على مستوى الإنتاج السابق.

التمرين رقم 03:

لتكن دالة الإنتاج التالية:  $Q = L^2 / (K^2 - K^3)$  ، المطلوب: أوجد معادلات خطى الحدود (حوارف الإنتاجية) للمنطقة الفعالة للإنتاج (منطقة الكفاءة الاقتصادية)، استنتج مجال وقوعها، و مثلها بيانيا.

التمرين رقم 04:

لتكن دالة إنتاج من نوع كوب - دوغلاس كما يلي:  $Q = b L^\alpha K^\beta$ .  
 Q يمثل كمية الإنتاج، L و K هي عوامل الإنتاج المتمثلة في العمل و رأس المال على التوالي.  
 ثابت يمثل التطور الفني و التكتنولو جي.

1. أحسب المعاملات  $\alpha$ ,  $\beta$  ، إذا علمت أن : - مرونة الإنتاج بالنسبة للعمل تساوي 0.5 .  
 - دالة الإنتاج متجانسة و من الدرجة الثانية.

2. أوجد دالتي الناتج الحدي و المتوسط للعمل.