

التطبيق رقم 04 : تحليل سلوك المنتج (الإنتاج)**التمرين رقم 01:**

بافتراض أن عملية الإنتاج تتم بواسطة عوامل الإنتاج المتمثلة في العمل L و رأس المال K ، حيث تأخذ دالة الإنتاج الشكل التالي:

$$Q = 3L^2K - \frac{1}{3}KL^3 - 5KL$$

حيث Q تمثل كمية الإنتاج الكلي.

بافتراض أن المنتج لا يغير من رأسماله حيث $K = 1$ ، **المطلوب:** حدد المرحلة الفعالة للإنتاج و استنتج مراحل الإنتاج الثلاثة.

التمرين رقم 02:

إذا كانت دالة الإنتاج لمؤسسة ما تأخذ الشكل التالي: $Q = 4L^{2/3}K^{1/4}$ ، و كانت أسعار عوامل الإنتاج هي: $PL = 160$ Da ، $PK = 216$ Da ، قيمة التكلفة الإجمالية للإنتاج هي 89 992 دج، حيث أن 10 000 دج منها عبارة عن تكاليف ثابتة.

1. أوجد التركيبة (L, K) التي تحقق توازن المنتج، و استنتج كمية الإنتاج الموافقة لها.
2. تأكد من نقطة توازن المنتج هندسيا (دون رسم بياني).
3. أحسب المعدل الحدي للإحلال التقني عند التوازن و فسر معناه.
4. حدد معادلة المسار الأمثل للتوسع، و ماذا تستنتج ؟
5. ما نوع غلة حجم هذه الدالة مع إبراز المعنى؟
6. أوجد دوال الطلب على عوامل الإنتاج.
7. في حالة انخفاض سعر عنصر العمل بـ 20 % ، ما هي قيمة التكاليف الواجب تخصيصها للحفاظ على مستوى الإنتاج السابق.

التمرين رقم 03:

تكن دالة الإنتاج التالية: $Q = (K^2L - K^3) / L^2$ ، **المطلوب:** أوجد معادلات خطي الحدود (حواف الإنتاجية) للمنطقة الفعالة للإنتاج (منطقة الكفاءة الاقتصادية)، استنتج مجال وقوعها، و مثلها بيانيا.

التمرين رقم 04:

تكن دالة إنتاج من نوع كوب - دوغلاس كما يلي: $Q = bL^\alpha K^\beta$

Q يمثل كمية الإنتاج، L و K هي عوامل الإنتاج المتمثلة في العمل و رأس المال على التوالي.
 b ثابت يمثل التطور الفني و التكنولوجي.

1. أحسب المعاملات α, β إذا علمت أن: - مرونة الإنتاج بالنسبة للعمل تساوي 0.5 .

- دالة الإنتاج متجانسة و من الدرجة الثانية.

2. أوجد دالي الناتج الحدي و المتوسط للعمل.

التمرين رقم 05:

إذا علمت أن دالة الإنتاج $Q = 40L^X K^{0.3}$ تحقق لمؤسسة ما غلة حجم (مردودات حجم) ثابتة في المدى الطويل.

أ/ أحسب قيمة X ، ب/ برهن أن المؤسسة تستجيب لقانون المردود المتناقص بالنسبة لعنصر العمل في المدى القصير.