

**TP-02 mathématique et algorithme****En LaTeX****I. Mathématique :****1. Composer les formules suivantes :**

**Formule 3** L'égalité  $x = 2y$  est équivalente à  $y = \frac{1}{2}x$ .

$$\frac{\frac{x^2}{y^2}}{\frac{y^2}{x^2}} = \frac{x^4}{y^4}$$

**Formule 4**

$$\frac{\sqrt{x+1}}{y+1} \neq \sqrt{\frac{x+1}{y+1}}$$

**Formule 5**

**Formule 6** On a  $\sin \frac{\pi}{2} = 1$  et  $\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ .

$$\sum_{i,j \in I \times J} i + j = \sum_{i \in I} \left( \sum_{j \in J} i + j \right)$$

**Formule 7**

$$\underbrace{a, \dots, a}_{k+l \text{ éléments}}, \underbrace{c, \dots, c}_l$$

**Formule 8**

$$\begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} d & -b \\ -c & a \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

**Formule 9**

**2. Reproduire les textes suivants :****Texte 1 :**

On pose  $A = \int_a^b f(x) dx$ , soit

$$A = \int_a^b f(x) dx$$

### **Texte 2 :**

Pour tout  $n \geq 1$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x^n} = 0$ , soit

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x^n} = 0$$

### **Texte 3 :**

Pour tout  $x \neq \frac{\pi}{2} [\pi]$ , on a

$$\begin{aligned} (1 + \sin x) \tan^2 x &= \frac{(1 + \sin x) \sin^2 x}{\cos^2 x} \\ &= \frac{(1 + \sin x) \sin^2 x}{1 - \sin^2 x} \\ &= \frac{(1 + \sin x) \sin^2 x}{(1 + \sin x)(1 - \sin x)} \\ &= \frac{\sin^2 x}{1 - \sin x}. \end{aligned}$$

### **Texte 4 :**

Let  $X_1, X_2, \dots, X_n$  be a sequence of independent and identically distributed random variables with  $E[X_i] = \mu$  and  $\text{Var}[X_i] = \sigma^2 < \infty$ , and let

$$S_n = \frac{1}{n} \sum_i^n X_i \tag{1}$$

denote their mean. Then as  $n$  approaches infinity, the random variables  $\sqrt{n}(S_n - \mu)$  converge in distribution to a normal  $\mathcal{N}(0, \sigma^2)$ .

### **Texte 5 :**

$$z_1 + z_2 + \cdots + z_n =$$

$$\begin{aligned} &x_1 y_1 + x_2 y_2 \\ &+ x_3 y_3 + \cdots + x_n y_n \end{aligned} \tag{2}$$

### **Texte 6 :**

$$\begin{aligned}
 h^* &= \underset{h \in \mathcal{H}}{\text{ArgMin}} R_{\text{Riel}}(h) \\
 &= \underset{h \in \mathcal{H}}{\text{ArgMin}} \int_{x \in \mathcal{X}, y \in \mathcal{Y}} \ell(h(x), y) p_{XY} dx dy
 \end{aligned} \tag{3}$$

## II. Algorithmes : composer les algorithmes suivants:

**Algo 01 :**

```

x : entier ;
x ← 0 ;
Répéter
| x ← x+1 ;
jusqu'à ce que (x = 6)

```

Algorithme 1: Répéter . . . jusqu'à

**Algo 02 :**

```

x : entier ;
Pour x de 0 à 5 faire
| x ← x+1
Fin Pour

```

Algorithme 2: boucle Pour standard

**Algo 03 :**

```
x : entier;  
x ← 1;  
Tant que (x ≤ 5) faire  
    | x ← x+1;  
Fait
```

Algorithme 3: Tant que

**Algo 04 :**

```
x : entier;  
x ← 0;  
Si (x = 0) Alors  
    | x ← 1;  
Sinon  
    | x ← 2;  
Fin Si
```

Algorithme 4: Si ...alors ...sinon

**Algo 05 :**

```
x : entier;  
x ← 0;  
Selon que  
    | x = 0 : x ← 1;  
    | x = 1 : x ← 11;  
    | x = 2 : x ← 111;  
Fin Selon que
```

Algorithme 5: Selon que

## Algo 06 :

---

### Algorithme 1 : Algorithme d'élimination des candidats.

---

Résultat : Initialiser  $G$  comme l'hypothèse la plus générale de  $\mathcal{H}$

Initialiser  $S$  comme l'hypothèse la moins générale de  $\mathcal{H}$

pour chaque exemple  $x$  faire

    si  $x$  est un exemple positif alors

        Enlever de  $G$  toutes les hypothèses qui ne couvrent pas  $x$

        pour chaque hypothèse  $s$  de  $S$  qui ne couvre pas  $x$  faire

            Enlever  $s$  de  $S$

            Généraliser( $s, x, S$ )

            c'est-à-dire : ajouter à  $S$  toutes les généralisations minimales  $h$  de  $s$  telles que :

- $h$  couvre  $x$  et

- il existe dans  $G$  un élément plus général que  $h$

        Enlever de  $S$  toute hypothèse plus générale qu'une autre hypothèse de  $S$

    fin

sinon

    /\*  $x$  est un exemple négatif \*/

    Enlever de  $S$  toutes les hypothèses qui couvrent  $x$

    pour chaque hypothèse  $g$  de  $G$  qui couvre  $x$  faire

        Enlever  $g$  de  $G$

        Spécialiser( $g, x, G$ )

        c'est-à-dire : ajouter à  $G$  toutes les spécialisations maximales  $h$  de  $g$  telles que :

- $h$  ne couvre pas  $x$  et

- il existe dans  $S$  un élément plus spécifique que  $h$

        Enlever de  $G$  toute hypothèse plus spécifique qu'une autre hypothèse de  $G$

    fin

fin si

fin

---

