

## TP-02 mathématique et algorithme

### En LaTeX

#### I. Mathématique :

##### 1. Composer les formules suivantes :

**Formule 3** L'égalité  $x = 2y$  est équivalente à  $y = \frac{1}{2}x$ .

**Formule 4** 
$$\frac{\frac{x^2}{y^2}}{\frac{y^2}{x^2}} = \frac{x^4}{y^4}$$

**Formule 5** 
$$\frac{\sqrt{x+1}}{y+1} \neq \sqrt{\frac{x+1}{y+1}}$$

**Formule 6** On a  $\sin \frac{\pi}{2} = 1$  et  $\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ .

**Formule 7** 
$$\sum_{i,j \in I \times J} i + j = \sum_{i \in I} \left( \sum_{j \in J} i + j \right)$$

**Formule 8** 
$$\underbrace{\overbrace{a, \dots, a}^k, \overbrace{c, \dots, c}^l}_{k+l \text{ éléments}}$$

**Formule 9** 
$$\begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \\ \begin{pmatrix} d & -b \\ -c & a \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

##### 2. Reproduire les textes suivants :

**Texte 1 :**

On pose  $A = \int_a^b f(x) \, dx$ , soit

$$A = \int_a^b f(x) \, dx$$

**Texte 2 :**

Pour tout  $n \geq 1$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x^n} = 0$ , soit

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x^n} = 0$$

**Texte 3 :**

Pour tout  $x \neq \frac{\pi}{2} [\pi]$ , on a

$$\begin{aligned} (1 + \sin x) \tan^2 x &= \frac{(1 + \sin x) \sin^2 x}{\cos^2 x} \\ &= \frac{(1 + \sin x) \sin^2 x}{1 - \sin^2 x} \\ &= \frac{(1 + \sin x) \sin^2 x}{(1 + \sin x)(1 - \sin x)} \\ &= \frac{\sin^2 x}{1 - \sin x}. \end{aligned}$$

**Texte 4 :**

Let  $X_1, X_2, \dots, X_n$  be a sequence of independent and identically distributed random variables with  $E[X_i] = \mu$  and  $\text{Var}[X_i] = \sigma^2 < \infty$ , and let

$$S_n = \frac{1}{n} \sum_i^n X_i \tag{1}$$

denote their mean. Then as  $n$  approaches infinity, the random variables  $\sqrt{n}(S_n - \mu)$  converge in distribution to a normal  $\mathcal{N}(0, \sigma^2)$ .

**Texte 5 :**

$$\begin{aligned} x_1 + x_2 + \cdots + x_n = \\ x_1 y_1 + x_2 y_2 \\ + x_3 y_3 + \cdots + x_n y_n \end{aligned} \tag{2}$$

**Texte 6 :**

$$\begin{aligned}
 h^* &= \underset{h \in \mathcal{H}}{\text{ArgMin}} R_{\text{Réal}}(h) \\
 &= \underset{h \in \mathcal{H}}{\text{ArgMin}} \int_{x \in \mathcal{X}, y \in \mathcal{Y}} \ell(h(x), y) p_{\mathcal{X}\mathcal{Y}} dx dy
 \end{aligned} \tag{3}$$

## II. Algorithmes : composer les algorithmes suivants:

**Algo 01 :**

```

x : entier ;
x ← 0 ;
Répéter
    | x ← x+1 ;
jusqu'à ce que (x = 6)
  
```

Algorithme 1: Répéter ...jusqu'à

**Algo 02 :**

```

x : entier ;
Pour x de 0 à 5 faire
    | x ← x+1
Fin Pour
  
```

Algorithme 2: boucle Pour standard

**Algo 03 :**

```

x : entier ;
x  $\leftarrow$  1 ;
Tant que ( $x \leq 5$ ) faire
    | x  $\leftarrow$  x+1 ;
Fait

```

Algorithme 3: Tant que

**Algo 04 :**

```

x : entier ;
x  $\leftarrow$  0 ;
Si ( $x = 0$ ) Alors
    | x  $\leftarrow$  1 ;
Sinon
    | x  $\leftarrow$  2 ;
Fin Si

```

Algorithme 4: Si ...alors ...sinon

**Algo 05 :**

```

x : entier ;
x  $\leftarrow$  0 ;
Selon que
    |  $x = 0$  : x  $\leftarrow$  1 ;
    |  $x = 1$  : x  $\leftarrow$  11 ;
    |  $x = 2$  : x  $\leftarrow$  111 ;
Fin Selon que

```

Algorithme 5: Selon que

## Algo 06 :

---

Algorithme 1 : Algorithme d'élimination des candidats.

---

Résultat : Initialiser  $G$  comme l'hypothèse la plus générale de  $\mathcal{H}$

Initialiser  $S$  comme l'hypothèse la moins générale de  $\mathcal{H}$

pour chaque *exemple*  $x$  faire

  si  $x$  est un *exemple positif* alors

    Enlever de  $G$  toutes les hypothèses qui ne couvrent pas  $x$

  pour chaque *hypothèse*  $s$  de  $S$  qui ne couvre pas  $x$  faire

    Enlever  $s$  de  $S$

    Généraliser( $s, x, S$ )

    c'est-à-dire : ajouter à  $S$  toutes les généralisations minimales  $h$  de  $s$  telles que :

- $h$  couvre  $x$  et
- il existe dans  $G$  un élément plus général que  $h$

    Enlever de  $S$  toute hypothèse plus générale qu'une autre hypothèse de  $S$

  fin

  sinon

    /\*  $x$  est un *exemple négatif* \*/

\*/

    Enlever de  $S$  toutes les hypothèses qui couvrent  $x$

  pour chaque *hypothèse*  $g$  de  $G$  qui couvre  $x$  faire

    Enlever  $g$  de  $G$

    Spécialiser( $g, x, G$ )

    c'est-à-dire : ajouter à  $G$  toutes les spécialisations maximales  $h$  de  $g$  telles que :

- $h$  ne couvre pas  $x$  et
- il existe dans  $S$  un élément plus spécifique que  $h$

    Enlever de  $G$  toute hypothèse plus spécifique qu'une autre hypothèse de  $G$

  fin

  fin si

fin

---

