

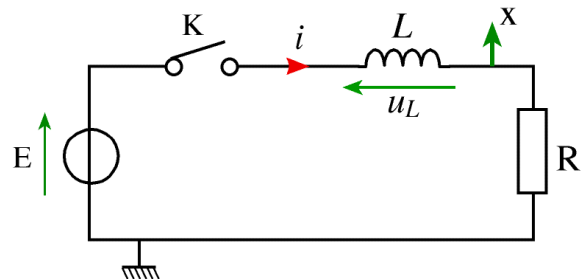
**TP2 : I-Etude du régime transitoire d'un circuit RL**

I/ Définitions :

- En vous servant de l'exemple du démarrage d'un moteur, ou de la charge d'un condensateur, expliquer ce qu'est un régime transitoire / un régime permanent.

II/ Soit le circuit R-L ci-contre :

$$u_L(t) = L \frac{di}{dt} = L i'(t) \quad u_R(t) = R i(t)$$



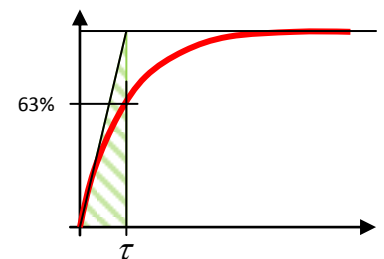
- Ecrire la loi des mailles, la mettre sous la forme :  
 $a i(t) + b i'(t) = K$  préciser ce que sont a, b et K.
- En quelle unité est cette équation ?
- Montrer qu'en la divisant entièrement par R, on peut la mettre sous la forme :  
 $i(t) + \tau i'(t) = I_{Final}$  où  $\tau$  s'appelle « constante de temps ».
- Exprimer  $\tau$  et  $I_{Final}$  en fonction de E, R et L. Calculer ces valeurs pour  $L=1H$ ,  $R=1k\Omega$  et  $E=10V$

La solution est du type  $i(t) = I_{Final} + (I_{Initial} - I_{Final}) e^{-\frac{t}{\tau}}$

- Ecrivez numériquement cette fonction (en mA) et tracez-la sur votre calculatrice, avec  $x \in [0 ; 0,01]$  et  $y \in [0 ; 0,01]$
- Montrez qu'au bout d'un temps  $0,001s$  ( $\tau$ ) on a atteint 63% de la valeur finale (utiliser le mode « trace » de la calculatrice)
- Quel pourcentage de la valeur finale au bout de  $3\tau$  ? (au bout de  $5\tau$  cela fait 99%)

A retenir : si une fonction Y peut s'écrire :  $y(t) + \tau y'(t) = Y_{Final}$

Alors sa solution est forcément :  $y(t) = Y_{Final} + (Y_{Initial} - Y_{Final}) e^{-\frac{t}{\tau}}$



**Manipulation :**

Réaliser le montage et le faire vérifier puis vérifier par le SIMULINK -MATLAB. Pour relever le courant on relèvera la tension **aux bornes de la résistance** grâce à un oscilloscope.

Le but sera de tracer la courbe en monocoup (pour cela il faudra apprendre à régler correctement le niveau de tension et le front) on se limitera horizontalement à  $10ms$  ( $10\tau$ ).

L'étude qui suivra montrera qu'on a bien 63%, 95% et 99% pour des temps respectifs de  $\tau$ ,  $3\tau$  et  $5\tau$ .

On pourra aussi tracer la tangente à l'origine et montrer qu'elle intercepte la valeur finale lorsque  $t = \tau$ .

## II- Etude du régime transitoire d'un circuit RLC

### PREPARATION.

- Utiliser le fichier SIMULINK DE MATLAB « transitoire 2<sup>e</sup> ordre ».
- Ecrire l'équation différentielle qui régit l'évolution de la tension  $u_c(t)$

On rappelle que :  $i = C \frac{du_c}{dt} = C \dot{u}_c$

Et que :  $u_L = L \frac{di}{dt} = L \frac{d\left(C \frac{du_c}{dt}\right)}{dt} = LC \frac{d^2 u_c}{dt^2} = LC \ddot{u}_c(t)$

- La mettre sous la forme  $\frac{1}{\omega_0^2} u_c''(t) + \frac{2m}{\omega_0} u_c'(t) + u_c = U$
- Exprimer  $\omega_0$  et  $m$  en fonction de R, L et C
- Si  $m = \frac{R}{2} \sqrt{\frac{C}{L}}$  ; calculer la valeur de la résistance critique si on a une inductance de 0,1 H et un condensateur de 4,7 nF.
- Calculer la valeur du coefficient d'amortissement  $m$  pour :  
 $R = 1k\Omega, 3k\Omega, 5k\Omega, 7k\Omega, 9k\Omega$  et  $11k\Omega$ .

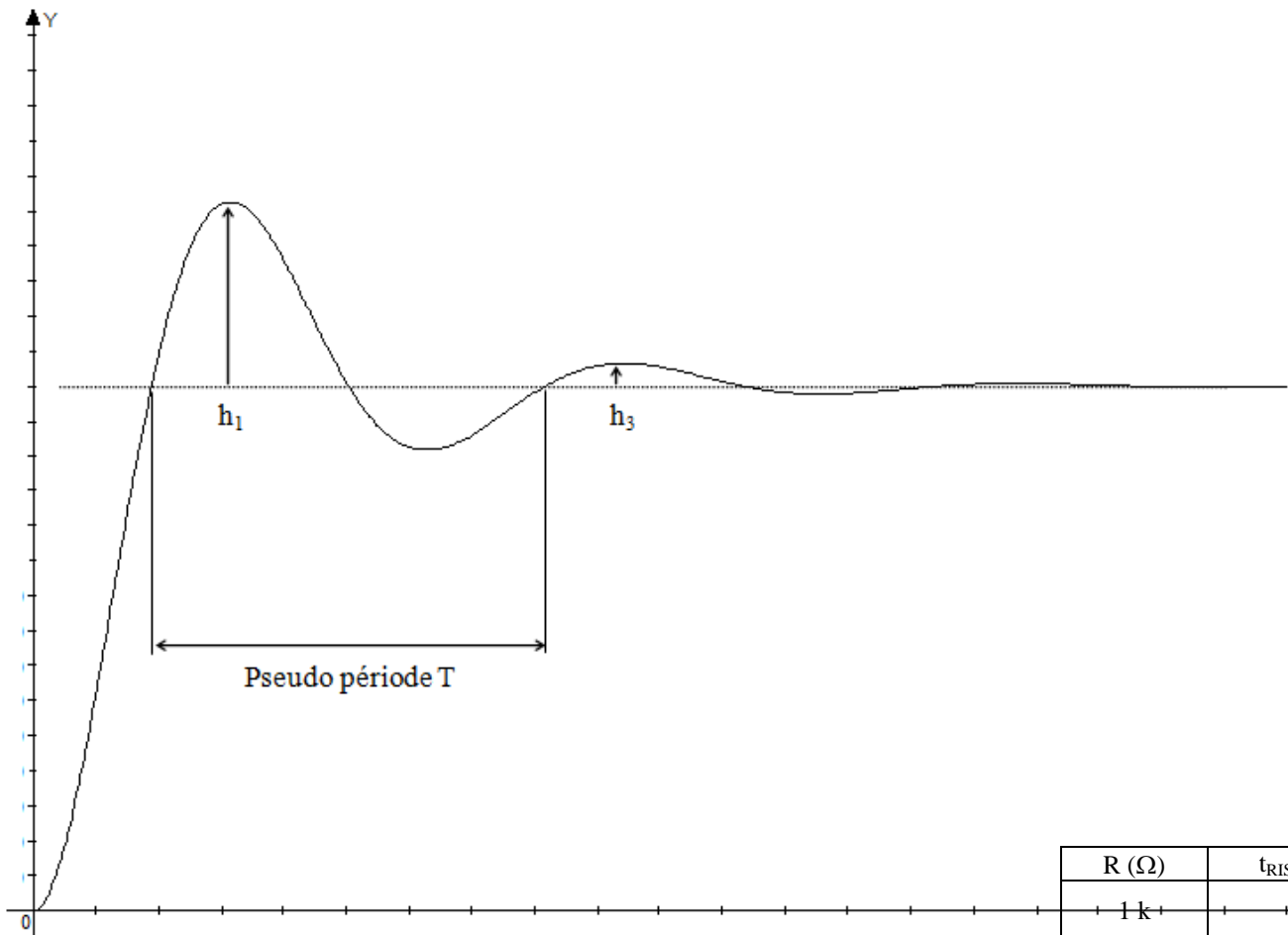
La solution est de la forme :

$$u_c(t) = U \times \left( 1 - e^{-mt\omega_0} \cos\left(\sqrt{1-m^2} \omega_0 t\right) \right)$$

### SIMULATION.

- les valeurs de L et C sont les valeurs indiquées dans la préparation, les valeurs de résistance sont données aussi ci-dessus.
- Pour ces valeurs de résistances, relever les oscillogrammes grâce à SIMULINK DE MATLAB.  
(Il faudra modifier le fichier de paramétrage pour obtenir les 6 valeurs demandées)
- Indiquer pour ces oscillogrammes si le régime est apériodique, ou pseudo périodique.  
(Chercher ces définitions sur internet)
- Remplir le tableau page suivante, en mesurant la pseudo période et  $\delta$ , le décrement logarithmique.  
Comparer la théorie et la pratique.

	Mesurés			Calculé à partir des mesures		à partir du schéma	à partir des mesures	à partir du schéma
R (Ω)	T	h <sub>1</sub>	h <sub>3</sub>	$\delta = \ln \left( \frac{h_1}{h_3} \right)$	$m = \frac{\delta}{\sqrt{\delta^2 + 4\pi^2}}$	$m = \frac{R}{2} \sqrt{\frac{C}{L}}$	$f_0 = \frac{1}{T\sqrt{1-m^2}}$	$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$
1 k								
3 k								
5 k								
7 k	Impossible à Renseigner h <sub>3</sub> non mesurable							
9 k								
11 k								



- Pour chacun des amortissements, mesurer le temps de montée du signal (10% → 90%), comment évolue ce dernier en fonction de l’amortissement ?

R (Ω)	t <sub>RISE</sub>
1 k	
3 k	
5 k	
7 k	
9 k	
11 k	

### **MANIPULATION.**

- Réaliser pratiquement le circuit étudié en simulation, avec une résistance d' $1\text{ k}\Omega$ , une bobine de  $0,14\text{ H}$  (on enlève le noyau) et un condensateur de  $4,7\text{ nF}$  (boîte à décades).
- Relever la courbe de la tension aux bornes du condensateur sur une demi-période, et exploitez-la comme précédemment de manière à déterminer l'amortissement  $m$  et la pseudo-période  $\omega_0$ .
- Déduisez-en la valeur exacte de la bobine (on obtient deux résultats différents qu'on commentera)