

Série de TD N° 1

**Exercice n°1 :**

Rappelons la correspondance entre l'alphabet classique et les entiers  $\{0, \dots, 25\}$ :

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25

1) Un cryptosystème basé sur le décalage crypte le mot CAHIER en HFMNJW. De quelle façon sera crypté le mot *livre* ?

2) Soient  $M = \text{CRYPTOLOGIE MODERNE}$ , le message en clair et  $K = 3$  (chiffre de Jules César) la clé de chiffrement.

a- Chiffrer le message M.

b- Déchiffrer le message chiffré obtenu comme résultat à la question précédente.

c- Quelle remarque peut-on tirer entre le message M et le chiffré correspondant.

3)

a- Chiffrez le texte 'CRYPTHOGRAPHIE' en utilisant la substitution arbitraire suivante :

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
X	R	O	E	B	C	Z	P	M	G	Y	U	L	H	J	Q	D	A	T	S	F	W	I	V	N	K

b- Quelle est la clef de cet algorithme de chiffrement ?

4) Prenons le message  $M = \text{LECRYPTOGRAPHE}$ .

Q- Trouver le chiffrement de M avec un chiffrement par substitution avec la clé :  
SMOIDTGKXYCRHBPLZJQVWNFUA

**Exercice n° 2 :**

Soit  $M = \text{LECRYPTOGRAPHE}$  un message en clair.

1) Trouver le chiffré, C, de M avec un chiffrement de Vigenère en utilisant la clé  $K = \text{XYZ}$ .

2) A partir de C trouvez le message original correspondant.

3) Que peut-on remarquer ?

**Exercice n°3 :**

1) Chiffrer avec le chiffre de Vigenère le texte suivant : "textesecretadecoder" en utilisant comme clé  $k = \text{crypto}$ .

2) Pour le même texte en clair, on obtient le texte chiffré suivant : "brqsmzcspxiqxtcxzr". Quelle est la clé ?

3) Même question si le chiffré est : "aaabbbccdddeefffg". Que remarque-t-on ?

**Exercice n°4 :**

Décoder le message suivant encodé par le protocole de Vigenère avec une clé de longueur 2 :

OSFFBDWCJFDAPSGSYWJSQSUSQSVHSZXGFCQ  
GLRHFHRHBRGMCXFVQRAPSXBSFRHRQRZHGXF

(Note : les espaces et signes de ponctuation ont été supprimés.)

**Exercice n° 5 :**

Un chiffrement par substitution permute les caractères de l'alphabet. Dans un chiffrement par transposition, les symboles du message demeurent inchangés, mais leur ordre est permuté par une permutation des positions d'indice. A la différence de chiffrements par substitution, les chiffrements par transposition sont des chiffrements par blocs.

Considérons le message en clair  $m = \text{INFORMATIQUE}$ .

1) Trouver le chiffrement de  $m$  avec un chiffrement par transposition utilisant la clé  $k = [3, 2, 1, 4]$ .

2) Soit  $C$  un message chiffré

$C = \text{AEUFQ RUTRI QSUTX MEANE YNNAU DEESX OAUTX NUTAX}$

a- Trouvez le message en clair  $M$  avec la clé  $K = 5 \times 8$ , lecture des colonnes 2-1-8-4-3-7-5-6

b- Chiffrez le message trouvé  $M$  avec transposition complexe par colonnes avec la clé  $K = \text{ECRITURE}$  et selon l'ordre alphabétique des caractères de la clé.

Série de TD N° 2

**Exercice n°1 :**

On considère un diagramme de Feistel à deux rondes sur des chaînes de 8 bits avec deux fonctions  $f_1$  et  $f_2$ . On pose :

$$f_1(a) := a \oplus 1011 \quad \text{et} \quad f_2(a) := \bar{a} \oplus 0101$$

pour toute chaîne  $a$  de 4 bits.

- 1) Calculer l'image de la chaîne 11010011 par ce diagramme.
- 2) Déterminer une chaîne de 8 bits dont l'image par le diagramme est elle-même.

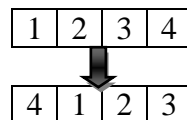
**Exercice n° 2 :**

On utilise un schéma de Feistel où la clef de tour est toujours la même et la fonction de codage  $f_k$  est le xor avec  $k$ .

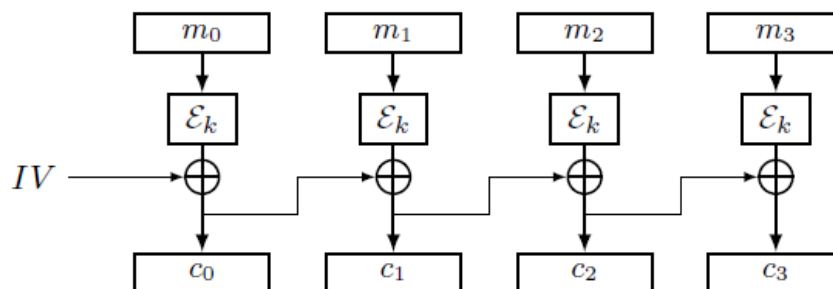
Quelles sont les faiblesses de ce schéma en fonction du nombre de tours ?

**Exercice n° 3 :**

- 1) Soient  $M = 1110010111001100$  message en clair et une clé  $K = (1 := 4, 2 := 1, 3 := 2, 4 := 3)$  par permutation. Chiffrez le message  $M$  en utilisant le mode ECB.



- 2) Soit  $VI = 1110$  vecteur d'initialisation. Chiffrez le message  $M$  en utilisant le mode CBC puis OFB.
- 3) Soit le mode de chiffrement illustré par la figure suivante, et soit  $VI = 1110$  le vecteur d'initialisation.



- a. Discuter les résultats de chiffrement si  $m_2 = m_3$ .
- b. Chiffrez le message  $M$  en utilisant ce mode.

**Exercice n° 4 :**

On considère une fonction de chiffrement par bloc de longueur 2 pour des clefs de longueur 2 donnée par :

$$E_k: \{0,1\}^2 \rightarrow \{0,1\}^2$$

$$(m_1, m_2) \mapsto S_1((m_1 \oplus k_1, m_2 \oplus k_2))$$

où la fonction  $S_1$  est décrite ci-dessous.

$X$	[0, 0]	[1, 0]	[0, 1]	[1, 1]
$S_1(X)$	[1, 1]	[1, 0]	[0, 0]	[0, 1]

1) Chiffrer le message  $M = [0,1,1,1,0,1]$  avec la clef  $K = [1,0]$  et en utilisant :

(a) le mode ECB

(b) le mode OFB

2) Déchiffrer le message  $C = [0,1,1,1,0,1]$  dans le cas où il a été chiffré avec la clef  $K = [1,1]$  et en utilisant :

(a) le mode CBC,

(b) le mode CFB.

**Exercice n° 5 :**

Rappelons la correspondance entre l'alphabet classique et les entiers  $\{0, \dots, 25\}$ :

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25

On s'intéresse ici à une utilisation du cryptosystème de Vigenère avec une clé de longueur  $m$  pour chiffrer un texte de plusieurs blocs de longueur  $m$  chacun.

Pour chiffrer le premier bloc  $B_0$  du texte on utilise le chiffrement de Vigenère avec la clé privée  $K$ . Pour un bloc  $B_i$  arrivant à la position  $i > 0$  dans le texte, on utilise le chiffrement de Vigenère en prenant comme clé le chiffré du bloc  $B_{i-1}$ .

1) Représenter le chiffrement et le déchiffrement d'un texte de  $n$  blocs de longueur  $m$  à l'aide de deux schémas.

2) A l'aide de ce cryptosystème, chiffrer le texte INFORMATIQUE avec la clé  $K = UP$ .

### Série de TD N° 3

#### **Exercice n°1 :**

On considère le système RSA avec  $p = 19$  et  $q = 23$ .

- 1) Calculer  $n$  et  $\varphi(n)$ .
- 2) Déterminer l'exposant  $a$  associé à  $b=9$ ,  $b=14$ , puis  $b=5$ .
- 3) Calculer le chiffré associé au message  $m=42$  quand  $b=5$ .
- 4) Déchiffrer le message  $c=264$  avec la clé  $a$  correspondante à  $b=5$ .

#### **Exercice n°2 :**

- 1) Chiffrer le message "25" avec la clé publique RSA ( $b=13, n=77$ ). Le calcul peut être facilement fait en remarquant que  $25^4 \bmod 77 = 4$ .
- 2) Sachons que  $n = 11 \times 7 = 77$ , calculer la clé privée associée à la clé publique ( $b=13, n=77$ ). Le calcul peut se faire facilement en remarquant que :  $13 \times 37 = 481$  et  $8 \times 60 = 480$ .
- 3) Déchiffrer le message obtenu à la question (1) afin de trouver le message clair.

#### **Exercice n°3 :**

Soit à chiffrer le message  $X = 6882326879666683$  en utilisant l'algorithme RSA avec la clé publique  $(79, 3337)$ . Pour pouvoir le déchiffrer, on procède à une factorisation de  $n$  en deux nombres de  $m$  chiffres.

- 1) Quelle est la valeur maximale de  $m$  ?
- 2) Le bloc codé 6325 peut-il résulter d'un codage avec la clé publique ? Même question avec la clé privée.