

### I- Introduction :

La machine synchrone souffre beaucoup de vibrations provoquées par les harmoniques d'ordre supérieur. Pour minimiser ces derniers les constructeurs ont placés des amortisseurs électriques.

### II. Objectif du TP

La simulation de la machine synchrone

### III. Rappels Théoriques

La représentation schématique de la machine synchrone est donnée la figure 1.

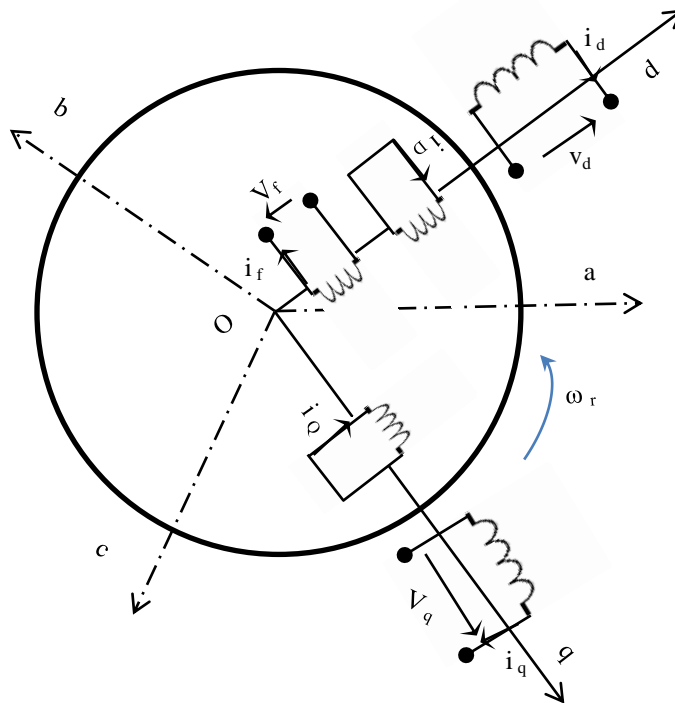


Figure 1. Modèle de Park de la machine synchrone

### Equations électriques dans les axes d et q

Nous multiplions les équations de tension des trois phases statoriques données en III.1 comme suit :

$$\begin{aligned} [V_{d,q,o}] &= [A][V_{a,b,c}] \\ &= [R_s][A][i_{a,b,c}] + [A] \left[ \frac{d \varphi_{a,b,c}}{dt} \right] \end{aligned}$$

Après intégration par partie on trouve :

$$V_d = R_s i_d + \frac{d\varphi_d}{dt} - \omega_r \varphi_q$$

$$V_q = R_s i_q + \frac{d\varphi_q}{dt} + \omega_r \varphi_d$$

$$V_o = R_s i_o + \frac{d\varphi_o}{dt}$$

### Equations de flux dans les axes d et q

En appliquant la transformation de Park à la matrice des flux statoriques, on obtient :

$$[A][\varphi_{abc}] = [A][L_s][i_{abc}] + [A][L_{sr}][i_{fDQ}]$$

$$[\varphi_{dq0}] = [A][L_s][i_{abc}] + [A][L_{sr}][i_{fDQ}]$$

En introduisant les expressions des inductances développées dans la section III.3, on trouve :

$$\begin{bmatrix} \varphi_d \\ \varphi_q \\ \varphi_o \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_d & 0 & 0 \\ 0 & L_q & 0 \\ 0 & 0 & L_o \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \\ i_o \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} M_{af} & M_{aD} & 0 \\ 0 & 0 & M_{aQ} \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_f \\ i_D \\ i_Q \end{bmatrix}$$

$L_d$  : représente l'inductance synchrone longitudinale:

$$L_d = L_{\sigma s} + \frac{3}{2}(L_{h\sim} + L_{h2}) = L_{\sigma s} + M_{ad}$$

$L_q$ : représente l'inductance synchrone transversale:

$$L_q = L_{\sigma s} + \frac{3}{2}(L_{h\sim} - L_{h2}) = L_{\sigma s} + M_{aq}$$

$L_o$ : représente l'inductance homopolaire:

$$L_o = L_{\sigma s}$$

Pour les flux rotoriques, on trouve:

$$\begin{bmatrix} \varphi_f \\ \varphi_D \\ \varphi_Q \end{bmatrix} = \frac{3}{2} \begin{bmatrix} M_{af} & 0 & 0 \\ M_{aD} & 0 & 0 \\ 0 & M_{aQ} & L_o \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \\ i_o \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} L_f & M_{fD} & 0 \\ M_{fD} & L_D & 0 \\ 0 & 0 & L_Q \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_f \\ i_D \\ i_Q \end{bmatrix}$$

Les deux systèmes de flux en fonction des courants peuvent se décomposer en trois systèmes indépendants :

$$\begin{bmatrix} \varphi_d \\ \varphi_f \\ \varphi_D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_d & M_{af} & M_{aD} \\ \frac{3}{2}M_{af} & L_f & M_{fD} \\ \frac{3}{2}M_{aD} & M_{fD} & L_D \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_f \\ i_D \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \varphi_q \\ \varphi_Q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_q & M_{aQ} \\ \frac{3}{2}M_{aQ} & L_Q \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_q \\ i_Q \end{bmatrix}$$

$$\varphi_o = L_o i_o$$

### couple

L'expression du couple est :

$$\Gamma_e = \frac{3}{2}(\varphi_d i_q - \varphi_q i_d)$$

D'après le premier principe de la dynamique :

$$\Gamma_e - \Gamma_r = J \frac{dw_r}{dt}$$

$\Gamma_r$  : représente le couple résistant.

#### **IV. Travaux de simulation**

Utiliser des logiciels pour résoudre les ED (tel que SIMULINK/MATLAB) pour simuler le fonctionnement de la machine synchrone.