

I- Introduction :

La machine synchrone souffre beaucoup de vibrations provoquées par les harmoniques d'ordre supérieur. Pour minimiser ces derniers les constructeurs ont placés des amortisseurs électriques.

II. Objectif du TP

La simulation de la machine synchrone

III. Rappels Théoriques

La représentation schématique de la machine synchrone est donnée la figure 1.

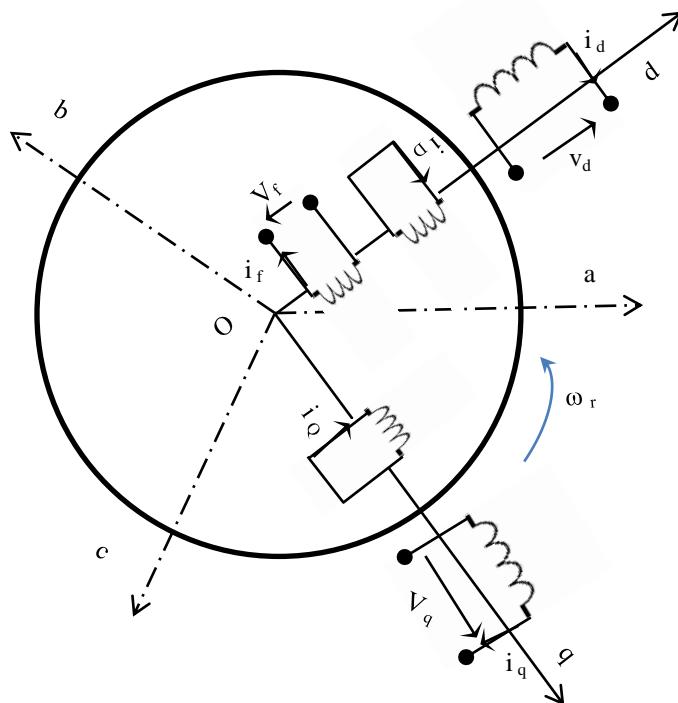


Figure 1. Modèle de Park de la machine synchrone

Équations électriques dans les axes d et q

Nous multiplions les équations de tension des trois phases statoriques données en III.1 comme suit :

$$\begin{aligned} [V_{d,q,o}] &= [A][V_{a,b,c}] \\ &= [R_s][A][i_{a,b,c}] + [A] \left[\frac{d \varphi_{a,b,c}}{dt} \right] \end{aligned}$$

Après intégration par partie on trouve :

$$V_d = R_s i_d + \frac{d \varphi_d}{dt} - \omega_r \varphi_q$$

$$V_q = R_s i_q + \frac{d\varphi_q}{dt} + \omega_r \varphi_d$$

$$V_o = R_s i_o + \frac{d\varphi_o}{dt}$$

Équations de flux dans les axes d et q

En appliquant la transformation de Park à la matrice des flux statoriques, on obtient :

$$[A][\varphi_{abc}] = [A][L_s][i_{abc}] + [A][L_{sr}][i_{fDQ}]$$

$$[\varphi_{dq0}] = [A][L_s][i_{abc}] + [A][L_{sr}][i_{fDQ}]$$

En introduisant les expressions des inductances développées dans la section III.3, on trouve :

$$\begin{bmatrix} \varphi_d \\ \varphi_q \\ \varphi_o \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_d & 0 & 0 \\ 0 & L_q & 0 \\ 0 & 0 & L_0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \\ i_o \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} M_{af} & M_{aD} & 0 \\ 0 & 0 & M_{aQ} \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_f \\ i_D \\ i_Q \end{bmatrix}$$

L_d : représente l'inductance synchrone longitudinale:

$$L_d = L_{\sigma s} + \frac{3}{2}(L_{h\sim} + L_{h2}) = L_{\sigma s} + M_{ad}$$

L_q : représente l'inductance synchrone transversale:

$$L_q = L_{\sigma s} + \frac{3}{2}(L_{h\sim} - L_{h2}) = L_{\sigma s} + M_{aq}$$

L_o : représente l'inductance homopolaire:

$$L_o = L_{\sigma s}$$

Pour les flux rotoriques, on trouve:

$$\begin{bmatrix} \varphi_f \\ \varphi_D \\ \varphi_Q \end{bmatrix} = \frac{3}{2} \begin{bmatrix} M_{af} & 0 & 0 \\ M_{aD} & 0 & 0 \\ 0 & M_{aQ} & L_0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_q \\ i_o \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} L_f & M_{fD} & 0 \\ M_{fD} & L_D & 0 \\ 0 & 0 & L_Q \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_f \\ i_D \\ i_Q \end{bmatrix}$$

Les deux systèmes de flux en fonction des courants peuvent se décomposés en trois systèmes indépendants :

$$\begin{bmatrix} \varphi_d \\ \varphi_f \\ \varphi_D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_d & M_{af} & M_{aD} \\ \frac{3}{2}M_{af} & L_f & M_{fD} \\ \frac{3}{2}M_{aD} & M_{fD} & L_D \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_f \\ i_D \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \varphi_q \\ \varphi_Q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_q & M_{aQ} \\ \frac{3}{2}M_{aQ} & L_Q \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_d \\ i_Q \end{bmatrix}$$

$$\varphi_o = L_o i_o$$

couple

L'expression du couple est :

$$\Gamma_e = \frac{3}{2}(\varphi_d i_q - \varphi_q i_d)$$

D'après le premier principe de la dynamique :

$$\Gamma_e - \Gamma_r = J \frac{dw_r}{dt}$$

Γ_r : représente le couple résistant.

IV. Travaux de simulation

Utiliser des logiciels pour résoudre les ED (tel que SIMULINK/MATLAB) pour simuler le fonctionnement de la machine synchrone.