



– Algorithmique – TD – Série N°2 – Les structures de contrôle

**Exercice 1 : Si ... Alors ... Sinon ... FSi**

- Q1) Écrire un algorithme qui détermine si un entier positif **N** est pair ou impair.
- Q2) Écrire un algorithme qui prend en entrée deux entiers **A** et **B** et affiche leur minimum.
- Q3) Écrire un algorithme qui permet de résoudre l'équation du second degré :  $aX^2 + bX + c = 0$ .
- Q4) Une librairie facture **5 DA** les dix premières photocopies, **4 DA** les vingt suivantes et **3 DA** au-delà.  
Écrire un algorithme qui lit le nombre de photocopies effectuées (**N**) et qui affiche la facture correspondante.
- Q5) Une **année bissextile** est une année comptant **366 jours** au lieu de **365 jours** pour une **année normale**.  
C'est-à-dire une année comprenant un **29 février**. La prochaine année bissextile est **2024**.  
Une année est bissextile si elle est divisible par 4 mais pas par 100 sauf si elle est multiple de 400.  
**Exemples** : 2000 et 2008 sont des années bissextiles. 2006 et 2100 sont des années normales (non- bissextiles).  
Écrire un algorithme permettant de vérifier si une année est bissextile ou pas.
- Q6) Écrire un algorithme qui permet d'ordonner trois nombres entiers (**A, B, C**) dans l'ordre croissant.

**Exercice 2 : Essentiellement la boucle POUR ...**

Ecrire des algorithmes pour les cas suivants :

- Q1) Calcul de la **somme**  $S = 1 + 2 + 3 + \dots + N$ .
- Q2) Calcul de la **somme**  $S = 2^2 + 4^2 + 6^2 + \dots$  en prenant **N** termes.
- Q3) Calcul de la **puissance** **N** d'un nombre réel **X** i.e.  $X^N = X * X * \dots * X$ , **N** fois.
- Q4) Calcul de la **factorielle** d'un entier naturel **N** i.e.  $N! = N * (N-1) * \dots * 3 * 2 * 1$ .
- Q5) Calcul de la **somme**  $S = 1! + 2! + 3! + \dots + N!$
- Q6) Calcul de la valeur approchée  $e^x \cong 1 + \frac{x}{1} + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots + \frac{x^n}{n!}$  (**x** est un nombre réel, **n** un entier positif).
- Q7) Calcul du **sinus** d'un angle **x** exprimé en radian est donné par la somme infinie suivante :

$$\sin(x) = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \dots + (-1)^n \frac{x^{2n+1}}{(2n+1)!} + \dots$$

- Q8) Ecrire un l'algorithme permettant de calculer le  $n^{\text{ieme}}$  terme de la suite de **Fibonacci** définie par :

$$\begin{cases} U_0 = 0 \\ U_1 = 1 \\ U_n = U_{n-1} + U_{n-2} \quad \text{Si } n \geq 2 \end{cases}$$

**Exercice 3 : Nombres Parfaits**

- Q1) Ecrire un algorithme qui permet d'afficher tous les diviseurs d'un entier **N**.  
Un nombre est dit **parfait** s'il est égal à la somme de tous ses diviseurs excepté lui-même.

**Exemples** : **6** est parfait car  $6 = 1 + 2 + 3$ . Les diviseurs de 6 sont : 1, 2, 3 et 6 (exclu).  
**28** est parfait car  $28 = 1 + 2 + 4 + 7 + 14$ . Les diviseurs de 28 sont : 1, 2, 4, 7, 14 et 28 (exclu).

- Q2) Ecrire un algorithme qui permet de vérifier si un entier **N** est parfait ou pas.
- Q3) Généraliser l'algorithme précédent pour afficher tous les nombres parfaits  $\leq N_{\text{Max}}$ .

#### Exercice 4 : PGCD et PPCM

**Q1)** L'algorithme d'Euclide permettant de calculer le **PGCD** (Plus Grand Commun Diviseur) de deux entiers strictement positifs  $A$  et  $B$  tel que  $A \geq B$  est défini comme suit :

$$PGCD(A, B) = \begin{cases} PGCD(B, A \bmod B) & \text{Si } B \neq 0 \\ A & \text{Si } B = 0 \end{cases}$$

Ecrire un algorithme qui permet de : a) Saisir deux entiers positifs non nuls  $A$  et  $B$ . b) S'assurer que  $A \geq B$ . c) Déterminer et afficher le **PGCD** de  $A$  et  $B$ .

**Q2)** Une méthode pour calculer le **PPCM** (Plus Petit Commun Multiple) de deux entiers strictement positifs  $A$  et  $B$  tel que  $A \geq B$  est de trouver le plus petit multiple de  $A$  qui est aussi multiple de  $B$ .

Ecrire un algorithme permettant de trouver le PPCM de deux entiers positifs non nuls  $A$  et  $B$ .

#### Exercice 5 : Nombre premier

Un nombre est dit **premier** s'il n'admet que deux diviseurs : 1 et lui-même.

**Q1)** Ecrire un algorithme qui permet de vérifier si un entier  $N$  est premier.

**Q2)** Modifier l'algorithme précédent pour afficher les vingt (20) petits nombres premiers.

#### Exercice 6 : Suite de Syracuse

A partir d'un entier  $N$  strictement positif ( $N > 0$ ); on construit la suite suivante :

- Si  $N$  est pair, on le remplace par  $N/2$ .
- Si  $N$  est impair, on le remplace par  $3N+1$ .

En répétant l'opération, on obtient une suite d'entiers positifs. On arrête la construction de cette suite, quand la valeur de 1 est rencontrée.

On appelle altitude maximale la valeur maximale de la suite obtenue.

- Si  $N = 1$ , la suite obtenue est : 1, 4, 2, 1. L'**altitude maximale** = 4.
- Si  $N = 13$ , la suite obtenue est : 13, 40, 20, 10, 5, 16, 8, 4, 2, 1. L'**altitude maximale** = 40.

**Q1)** Écrire un algorithme qui permet de : ①- Lire un entier **strictement positif**, ②- Afficher la suite obtenue ainsi que l'altitude maximale trouvée.

**Q2)** Compléter l'algorithme précédent pour trouver les 5 petits nombres qui ont une altitude maximale supérieure à une valeur donnée (30 par exemple).

#### Exercice 7 : Nombres Symétriques

Soit  $N$  un nombre entier positif.

**Q1)** Ecrire un algorithme qui permet d'afficher les chiffres qui composent le nombre  $N$  ainsi que sa longueur.

**Exemples :** - Si  $N = 17 \rightarrow$  on affiche les chiffres : 7 puis 1 et La **longueur** = 2.  
- Si  $N = 695 \rightarrow$  on affiche les chiffres : 5 puis 9 puis 6 et La **longueur** = 3.

**Q2)** Ecrire un algorithme qui permet de calculer puis afficher le nombre inverse de  $N$ .

**Exemple** Si  $N = 695 \rightarrow$  son nombre inverse = 596.

**Q3)** Dérouler l'algorithme pour  $N = 695$

Un nombre  $N$  est dit **symétrique** s'il est égal à son inverse.

**Exemples :** Les nombres suivants sont symétriques : 1, 2, 3, 44, 55, 161, 717, 8228, 94549.

**Q4)** Modifier l'algorithme précédent pour qu'il affiche un message indiquant si  $N$  est symétrique ou non.

**Q5)** Généraliser l'algorithme précédent pour qu'il affiche tous les nombres symétriques de longueur égale à 5.