

TD 1 TM L3

Exercice 1

Une machine radiale à fluide incompressible (pompe centrifuge) tournant à la vitesse de 1500 tr/min.

Entrée de la roue : $C_1 = 4$ m/s dirigée suivant le rayon, $R_1 = 0,1$ m,

A la sortie de la roue : $R_2 = 0,2$ m, $W_2 = 8$ m/s, $B_2 = 30^\circ$

- 1) Déterminer les paramètres cinétiques à l'entrée et à la sortie
- 2) Déterminer la hauteur théorique

Exercice 2

Une machine axiale à fluide incompressible (pompe hélice) est schématisée par les données suivantes : Rayon moyen $R_{\text{moy}} = 0,4$ m, $n = 300$ tr/min, vitesse absolue à l'entrée $C_1 = 4$ m/s (vitesse parallèle à l'axe de rotation), $C_2 = 8$ m/s, $\alpha_2 = 30^\circ$

- Déterminer les paramètres cinétiques à l'entrée et à la sortie
- Déterminer la hauteur d'Euler

Exercice 3

On utilisant l'équation d'Euler, déterminer le couple sur l'arbre d'une turbomachine ayant les caractéristiques suivantes :

- vitesse absolue à l'entrée du rotor : 8,1 m/s
- angle d'entrée du fluide dans le rotor $\alpha_1 = 0$ par rapport à l'axe de rotation
- vitesse absolue du fluide à la sortie du rotor 10,8 m/s
- angle de sortie du fluide dans le rotor $\alpha_2 = 0$ par rapport à l'axe de rotation
- débit massique $Q_m = 1,42$ kg/s
- le rayon du rotor à l'entrée varie de 0,09 m à 0,21 m
- le rayon du rotor à la sortie varie de 0,18 m à 0,25 m

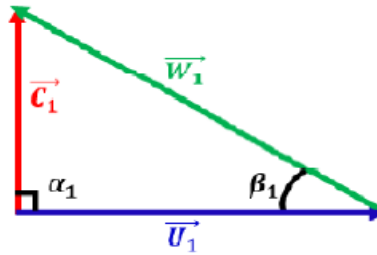
Exercice 4

Une pompe centrifuge à une roue de diamètre extérieur égale à 40cm l'épaisseur des aubes est de 5cm et tourne à 800 tr/min. La hauteur développée par cette pompe est de 16m, l'angle d'inclinaison des aubes à la sortie $\beta_2 = 30^\circ$, déterminer le débit. $g = 9,81$

TD 1 TURBOMACHINES

Solution exercice 1

a- Paramètres à l'entrée :



- Vitesse d'entraînement : $U_1 = \omega \cdot R_1 = \frac{2\pi n}{60} \times R_1 = \frac{2 \times 3,14 \times 1500}{60} \times 0,1 = 15,7 \text{ m/s}$

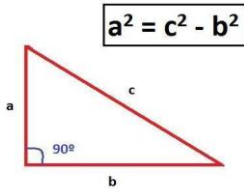
$$\omega_{(rad/s)} = \frac{2\pi}{60} \times N_{(tr/min)}$$

- Vitesse $C_{u1} = 0$ puisque $\alpha_1 = 90^\circ$

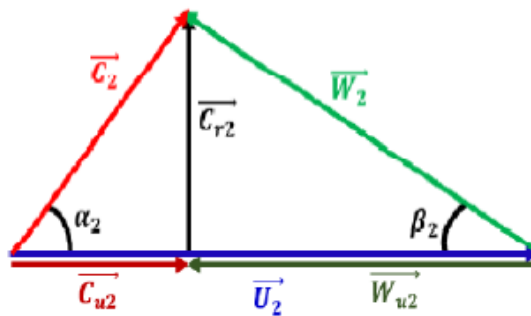
- Nous pouvons calculer W_1 on utilisant l'équation suivante (triangle des vitesses)

$$W_1^2 = U_1^2 + C_1^2$$

$$W_1 = \sqrt{U_1^2 + C_1^2} = 16,2 \text{ m/s}$$



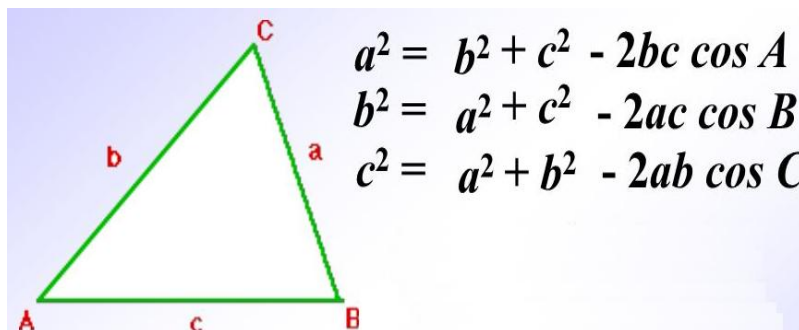
b) Paramètres à la sortie



- Vitesse d'entraînement : $U_2 = \omega \cdot R_2 = \frac{2\pi n}{60} \times R_2 = \frac{2 \times 3,14 \times 1500}{60} \times 0,2 = 31,4 \text{ m/s}$

- Vitesse absolue : d'après le triangle des vitesses à la sortie on peut écrire :

$$C_2^2 = W_2^2 + U_2^2 - 2U_2W_2\cos\beta_2 \text{ donc } C_2 = 24,8 \text{ m/s}$$



- Vitesse C_{u2}

$$W_{u2} = W_2 \cos \beta_2 \text{ donc } W_{u2} = 6,92 \text{ m/s}$$

$$C_{u2} = U_2 - W_{u2} = 31,4 - 6,92 = 24,5 \text{ m/s}$$

$$C_{u2} = 24,5 \text{ m/s.}$$

2- La hauteur théorique

$$H_{th} = \frac{1}{g} (U_2 C_{u2} - U_1 C_{u1}) = \frac{1}{9,81} 31,4 \times 24,5 = 78,41 \text{ m}$$

On peut appliquer la deuxième équation d'Euler

$$H_{th} = \frac{1}{2 \cdot g} [(U_2^2 - U_1^2) + (C_2^2 - C_1^2) + (W_1^2 - W_2^2)]$$

$$H_{th} = \frac{1}{2 \times 9,81} [(31,4^2 - 15,4^2) - (24,8^2 - 4^2) - (16,2^2 - 8^2)] = 78,41 \text{ m}$$

Solution exercice 2

a) Paramètres à l'entrée

$$\text{Calculons la vitesse d'entraînement } U = \omega \cdot R_{moy} = \frac{2 \cdot \pi \cdot n \cdot R_{moy}}{60} = \frac{2 \times 3,14 \times 300 \times 0,4}{60} = 12,56 \text{ m/s}$$

$$\text{La vitesse relative à l'entrée } W_1^2 = U^2 + C_1^2 \text{ donc } W_1 = 13,18 \text{ m/s}$$

Puisque l'écoulement est parallèle à l'axe ($\alpha_1 = 90^\circ$) donc $C_{u1} = 0$

b) Paramètres à la sortie

$$\text{Vitesse d'entraînement } U_1 = U_2 = U = 12,56 \text{ m/s}$$

$$\text{Vitesse } C_{u2} = C_2 \cdot \cos 30^\circ = 8 \cdot \cos 30^\circ = 6,92 \text{ m/s}$$

Vitesse relative à la sortie de la roue

$$W_2^2 = C_2^2 + U_2^2 - 2U C_2 \cos \alpha_2 = 8^2 + 12,56^2 - 2 \times 12,56 \times 8 \times \cos 30^\circ = 6,90 \text{ m/s}$$

2) La hauteur théorique (Euler)

$$H_{th} = \frac{U}{g} (C_{u2} - C_{u1}) = \frac{U \cdot C_{u2}}{g} = \frac{12,56 \times 6,92}{9,81} = 8,8 \text{ m}$$

Sous une autre forme :

$$H_{th} = H_E = \frac{1}{2 \cdot g} [C_2^2 - C_1^2 + (W_1^2 - W_2^2)] = H_{th} = H_E = \frac{1}{2 \times 9,81} (8^2 - 4^2) + (13,18^2 - 6,90^2)$$

$$H_{th} = H_E = 8,8 \text{ m}$$

Solution exercice 3

On définit les rayons moyens à l'entrée et à la sortie du rotor

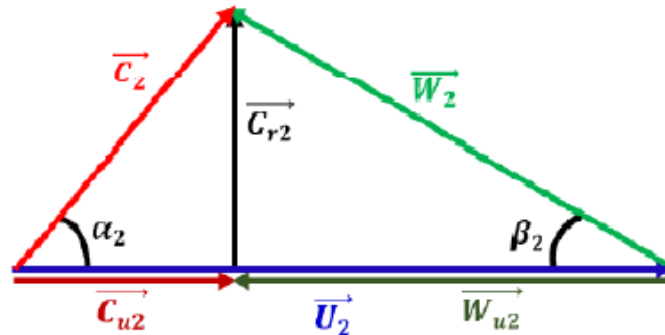
$$R_{moy 1} = \frac{0,09 + 0,21}{2} = 0,15 \text{ m}$$

$$R_{moy 2} = \frac{0,18 + 0,25}{2} = 0,215 \text{ m}$$

$$M = Q_m (R_2 \cdot C_{u2} - R_1 \cdot C_{u1})$$

$$= 1,42(0,21 \times 10,8 \times \cos 85 - 0,15 \times 8,1 \times \cos 90) = 0,28 \text{ Nm}$$

Solution exercice 4



$$U_2 = \omega \cdot R_2 = \frac{\pi \cdot n \cdot D_2}{60} = \frac{3,14 \times 800 \times 0,4}{60} = 16,75 \text{ m/s}$$

$$H = \frac{1}{g} (U_2 \cdot C_{u2})$$

$$C_{u2} = \frac{g \cdot H}{U_2} = \frac{9,81 \times 16}{16,75} = 9,37 \text{ m/s}$$

$$\operatorname{tg} \beta_2 = \frac{C_{r2}}{U_2 - C_{u2}} \Rightarrow C_{r2} = (U_2 - C_{u2}) \operatorname{tg} \beta_2$$

$$C_{r2} = (16,75 - 9,37) \operatorname{tg} 30^\circ = 4,26 \text{ m/s}$$

$$Q = \pi \cdot D_2 \cdot b_2 \cdot C_{r2} = 3,14 \times 0,40 \times 0,05 \times 4,26 = 0,267 \text{ m}^3/\text{s}$$